

## 高等数学(工专)

(课程代码 00022)

## 注意事项:

1. 本试卷分为两部分,第一部分为选择题,第二部分为非选择题。
2. 应考者必须按试题顺序在答题卡(纸)指定位置上作答,答在试卷上无效。
3. 涂写部分、画图部分必须使用2B铅笔,书写部分必须使用黑色字迹签字笔。

## 第一部分 选择题

一、单项选择题:本大题共5小题,每小题2分,共10分。在每小题列出的备选项中只有一项是最符合题目要求的,请将其选出。

1. 下列函数中,有界函数是

- |  |  |
|--|--|
| A. $f(x) = \tan x, x \in (0, \frac{\pi}{2})$ | B. $f(x) = \ln x, x \in (0, +\infty)$            |
| C. $f(x) = \frac{1}{x+1}, x \in (-1, 0)$     | D. $f(x) = \sin \frac{1}{x}, x \in (0, +\infty)$ |

2. 若  $\lim_{n \rightarrow \infty} u_n = 0$ , 则级数  $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$ 

- |              |                  |
|--------------|------------------|
| A. 收敛        | B. 发散            |
| C. 可能收敛也可能发散 | D. 前 $n$ 项和一定有极限 |

3. 极限  $\lim_{x \rightarrow 0} \cos[(1+x)^{\frac{1}{x}}] =$ 

- |      |          |         |        |
|------|----------|---------|--------|
| A. e | B. cos e | C. cos1 | D. 不存在 |
|------|----------|---------|--------|

4. 若  $\int f(x) dx = F(x) + C$ , 则  $\int \frac{1}{x^2} f(\frac{1}{x}) dx =$ 

- |                          |                         |                           |                            |
|--------------------------|-------------------------|---------------------------|----------------------------|
| A. $-F(\frac{1}{x}) + C$ | B. $F(\frac{1}{x}) + C$ | C. $F(\frac{1}{x^2}) + C$ | D. $-F(\frac{1}{x^2}) + C$ |
|--------------------------|-------------------------|---------------------------|----------------------------|

5. 设  $A$  和  $B$  均为三阶方阵,则必有

- |                      |                                   |
|----------------------|-----------------------------------|
| A. $ A+B  =  A + B $ | B. $AB = BA$                      |
| C. $ AB  =  A  B $   | D. $(A+B)^{-1} = A^{-1} + B^{-1}$ |

## 第二部分 非选择题

二、填空题:本大题共8空,每空4分,共32分。

6. 函数  $y = 2x + 1$  的反函数是  $y =$  \_\_\_\_\_.

7. 设  $f(x) = \begin{cases} \sin x, & x \geq \frac{\pi}{2}, \\ \frac{2}{\pi}x, & x < \frac{\pi}{2}, \end{cases}$  则  $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} f(x) =$  \_\_\_\_\_.

8. 曲线  $y = x^2$  上点(1,1)处的切线的斜率为 \_\_\_\_\_.9. 设函数  $f(x)$  在点  $x = 1$  处可导,且在  $x = 1$  处取得极值,则  $f'(1) =$  \_\_\_\_\_.

10. 极限  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\int_0^x \sin^2 t dt}{x^3} =$  \_\_\_\_\_.

11. 曲线  $y = \sqrt{3x}$  与  $x$  轴及直线  $x = 3$  所围的平面图形的面积为 \_\_\_\_\_.

12. 行列式  $\begin{vmatrix} -3 & -1 \\ -1 & 0 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix} =$  \_\_\_\_\_.

13. 设矩阵  $A = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ , 且  $|A| = ad - bc \neq 0$ , 则  $A$  的逆矩阵  $A^{-1} =$  \_\_\_\_\_.

三、计算题:本大题共7小题,每小题6分,共42分。

14. 求极限  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + 2\cos x - 2}{x^3}$ .

15. 设  $y = x \ln x + 5$ , 求  $y''|_{x=e}$ .

16. 已知曲线  $y = a \sin x - e^x + b$  过点(0,1),且曲线在点(0,1)处的切线与直线  $y = x + 4$  平行,试求  $a$  和  $b$  的值.

17. 求不定积分  $\int \frac{dx}{9 + 4x^2}$ .

18. 确定函数  $y = x^3 + 3x^2 - 7$  的单调区间.

19. 计算定积分  $\int_1^e \ln x dx$ .

20. 若齐次线性方程组

$$\begin{cases} \lambda x_1 + x_2 + x_3 = 0, \\ x_1 + \lambda x_2 + x_3 = 0, \\ x_1 + x_2 + x_3 = 0 \end{cases}$$

只有零解,  $\lambda$  应取何值?

四、综合题:本大题共 2 小题,每小题 8 分,共 16 分。

21. 用铁皮做一个容积为  $500\text{m}^3$  的有盖圆柱形容器,问应如何设计,才能使用料最省?
22. 求由曲线  $y = \sqrt{2 - x^2}$  与直线  $x = -1, x = 1$  及  $x$  轴所围成的平面图形绕  $x$  轴旋转一周而成的旋转体的体积.